مستوى:السنة الأولى من سلك الباكالوريا

- شعبة التعليم الأصيل:مسلك العلوم الشرعية و مسلك اللغة العربية
- شعبة الآداب و العلوم الإنسانية: مسلك الآداب و مسلك العلوم الإنسانية

محتوى الدرس و الأهداف القدرات المنتظرة من الدرس و التعليمات الرسمية

محتوى البرنامج	القدرات المنتظرة	توجيهات تربوية
ـ المبدأ العام للتعداد، ـ عدد الترتيبات، عدد التبديلات، عدد التأليفات. ـ خاصيات الأعداد C_n^p؛ ـ تطبيقات: السحب تآنيا؛ السحب بإحلال؛ السحب بدون إحلال.	ـ توظيف شجرة الاختيارات في حالات تعدادية ـ تطبيق التعداد في حل مسائل متنوعة.	ـ ينبغي تقديم التعداد بواسطة مبدأي الجداء والجمع وتقنية الشجرة. ـ ينبغي تنويع الأنشطة المستقاة من الحياة اليومية.

I. المبدأ الأساسي للتعداد:

نشاط1: نذكر أن لقطعة نقدية وجهين : P و F

نرمي قطعة نقدية مرة واحدة

ماهي نتائج هذه التجربة ؟

يمكن الحصول على : P أو F

P هي امكانية و F هي امكانية أخرى

اذن لهذه التجربة إمكانيتين فقط اذن مجموعة الامكانيات هي :

$$\Omega=\{P;F\}$$

والكتابة : $card(\Omega)=2$ (إمكانيتين فقط)تقرأ رئيسي

المجموعة Ω

نشاط2: نرمي قطعة نقدية مرتين متتاليتين

ماهي نتائج هذه التجربة ؟

يمكن الحصول على : PP أو FF أو FP أو PF

PP هي **امكانية** و FF هي امكانية أخرى

اذن لهذه التجربة 4 امكانيات فقط اذن مجموعة الامكانيات هي :

$$\Omega=\{PP;FF;PF;FP\}$$

ولدينا : $card(\Omega)=4$ (4 امكانيات فقط)

يمكن لنا استعمال شجرة الإمكانيات للبحث عن كل الامكانيات

الرمية الأولى	الرمية الثانية
2	2

$card(\Omega)=2\times2=4$ مبدأ الجذاء

تمرين1 : أو **نشاط3:** نرمي قطعة نقدية ثلاث مرات متتالية

أرسم شجرة الامكانيات

حدد كون الامكانيات Ω وحدد $card(\Omega)$

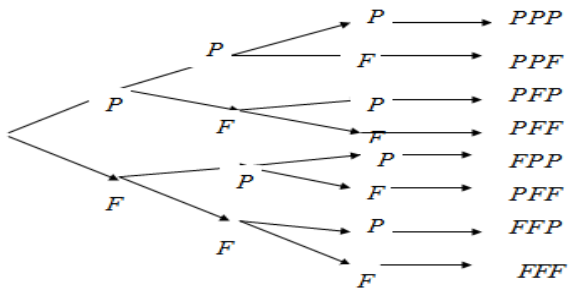
الأجوبة :هذه التجربة لا يمكن توقع نتيجتها مسبقا وبشكل أكيد ومنه هي **تجربة عشوائية**

ماهي نتائج هذه التجربة ؟

يمكن الحصول على : PPP أو FFF أو .....

PPP هي **امكانية** و FFF هي امكانية أخرى و .....

1)حدد كل الامكانيات وعددها :يمكن لنا استعمال ***شجرة الإمكانيات***



2) اذن لهذه التجربة 8 امكانيات فقط اذن فضاء الامكانيات هو :

$$\Omega=\{PPP;PPF;PFP;PFF;FPP;FPF;FFP;FFF\}$$

3) $card(\Omega)=8$ (8 امكانيات فقط)

الرمية الأولى	الرمية الثانية	الرمية الثالثة
2	2	2

مبدأ الجذاء

المبدأ:

لتكن E تجربة تتطلب نتائجها اختبارين.

إذا كان الاختيار الأول يتم ب n_1 طريقة مختلفة,والاختيار الثاني يتم ب n_2 طريقة مختلفة. فان عدد النتائج الممكنة هو الجداء: $n_1\times n_2$.

اضغط هنا لتحميل المزيد
TelmidTice.com Soutien Scolaire الدعم المدرسي
دروس - تمارين - امتحانات

تمرين2 : نعتبر الأرقام التالية : 1 و 3 و 5
حدد عدد الأعداد المكونة من رقمين الذي يمكن تكوينه باستعمال الأرقام السابقة فقط
الجواب : رقم الوحدات يمكن اختياره ب ثلاث كيفيات مختلفة
كذلك رقمالعشرات

رقم الوحدات	رقم العشرات
3	3

وحسب المبدأ الأساسي للتعداد فان عدد الأعداد المكونة من رقمين الذي يمكن تكوينه
هو: $card(\Omega)=3\times3=9$

II. الترتيبات - التبديلات -التأليفات:

1. الترتيبات

نشاط1 : نعتبر الأرقام التالية : 1 و 2 و 6
حدد عدد الأعداد المكونة من رقمين مختلفين الذي يمكن تكوينه باستعمال الأرقام السابقة فقط
الجواب : رقم الوحدات يمكن اختياره ب ثلاث كيفيات مختلفة
لكن رقم العشرات فقط بكيفيتين مختلفتين

رقم الوحدات	رقم العشرات
3	2

وحسب المبدأ الأساسي للتعداد فان عدد الأعداد المكونة من رقمين مختلفين الذي يمكن تكوينه
هو: $card(\Omega)=3\times2=6$

العدد : 21 عدد يمكن تكوينه ويسمى ترتيبة
العدد : 12 عدد يمكن تكوينه ويسمى ترتيبة
العدد : 61 عدد يمكن تكوينه ويسمى ترتيبة
العدد : 16 عدد يمكن تكوينه ويسمى ترتيبة
كم عدد الترتيبات ؟ هناك 6 ترتيبات ممكنة
نرمز لعدد الترتيبات ب : $A_3^2=3\times(3-1)=3\times2=6$

تعريف1: عدد الترتيبات بدون تكرار ل p عنصر من بين n عنصرا, حيث $1\le p\le n$ هو $n\times(n-1)\times(n-2)\times\cdots\times(n-p+1)$.
نرمز لهذا العدد بالرمز A_n^p . و
لدينا: $A_n^p=n\times(n-1)\times(n-2)\times\cdots\times(n-p+1)$

أمثلة : أحسب : A_4^2 و A_5^3 و A_7^4 و $\frac{A_6^3\times A_{10}^4}{A_{10}^5}$

الجواب: $A_4^2=4\times3=12$ $A_5^3=5\times4\times3=60$
$A_7^4=7\times6\times5\times4=840$
$\frac{A_6^3\times A_{10}^4}{A_{10}^5}=\frac{6\times5\times4\times10\times9\times8\times7}{10\times9\times8\times7\times6}=\frac{5\times4}{1}=20$

تمرين3 : لتشغيل الهاتف المحمول يجب الضغط على الأزرار الأربعة التي تحمل الأرقام المكونة للقن السري حسب ترتيبها وإلا سيغلق تلقائيا
1. ما عدد الأقنان السرية الممكنة إذا علمت أن الأرقام المكونة لها لا يمكننا تكرارها
2. ما عدد الأقنان السرية الممكنة إذا علمت أن الأرقام المكونة لها لا يمكننا تكرارها وتتكون فقط من الأرقام التالية فقط : 1 و 2 و 3 و 4

الجواب:
$A_{10}^4=10\times9\times8\times7=5040$
$A_4^4=4\times3\times2\times1=24$

2. التبديلات

نشاط1 : نعتبر الأرقام التالية : 4 و 5 و 6
حدد عدد الأعداد المكونة من ثلاث أرقام مختلفة الذي يمكن تكوينه باستعمال الأرقام السابقة فقط
الجواب : رقم الوحدات يمكن اختياره ب ثلاث كيفيات مختلفة
لكن رقم العشرات فقط بكيفيتين مختلفتين و رقم المئات بكيفية وحيدة

رقم الوحدات	رقم العشرات	رقم المئات
3	2	1

وحسب المبدأ الأساسي للتعداد فان عدد الأعداد المكونة من رقمين مختلفين الذي يمكن تكوينه
هو: $card(\Omega)=3\times2\times1=6$

العدد : 465 عدد يمكن تكوينه ويسمى تبديلة
العدد : 456 عدد يمكن تكوينه ويسمى تبديلة
العدد : 564 عدد يمكن تكوينه ويسمى تبديلة
العدد : 546 عدد يمكن تكوينه ويسمى تبديلة
كم عدد التبديلات ؟ هناك 6 تبديلات ممكنة
نرمز لعدد التبديلات لثلاث أعداد ب : $3!=3\times2\times1=6$ ويقرأ عاملي 3

تعريف2: عدد التبديلات ل n عنصر من بين n هو:
$A_n^n=n\times(n-1)\times(n-2)\times\cdots\times2\times1$
نرمز للجذاء $n\times(n-1)\times(n-2)\times\cdots\times2\times1$ بالرمز $n!$, و يقرأ:" عاملي n ", و اصطلاحا نضع $0!=1$.

أمثلة : أحسب : $4!$ و $5!$ و $7!$ و $\frac{10\times5!}{6\times8!}$

الجواب:
$4!=4\times3\times2\times1=24$ و $5!=5\times4\times3\times2\times1=120$
$7!=7\times6\times5\times4\times3\times2\times1=5040$
$\frac{10\times5!}{6\times8!}=\frac{10\times9\times8\times5!}{6\times5\times8!}=\frac{10\times9}{6}=\frac{10\times3\times3}{3\times2}=\frac{10\times3}{2}=15$

تمرين4 : ما عدد الكلمات من ستة حروف لها معنى أو لا , و التي يمكن كتابتهما باستعمال جميع حروف الكلمة " المغرب"
تمرين5 : ما عدد الكلمات من أربع حروف لها معنى أو لا , و التي يمكن تكوينها باستعمال الحروف التالية فقط
S و I و D و A

3. التأليفات

نشاط1 : نعتبر المجموعة التالية : $E=\{a;b;c;d\}$
حدد عدد أجزاء المجموعة E التي تحتوي على ثلاث عناصر
الجواب :
هو: $card(E)=4$
الجزء : $A_1=\{a;b;c\}$ يمكن تكوينه ويسمى تأليفة
العدد : $A_2=\{a;b;d\}$ عدد يمكن تكوينه ويسمى تأليفة
الجزء : $A_3=\{b;c;d\}$ يمكن تكوينه ويسمى تأليفة
العدد : $A_4=\{a;c;d\}$ عدد يمكن تكوينه ويسمى تأليفة
كم عدد التأليفات ؟ هناك 4 تبديلات ممكنة
نرمز لعدد التأليفات لثلاث أعداد مختارة من بين 4 ب : $C_4^3=4$

اضغط هنا لتحميل المزيد
TelmidTice.com Soutien Scolaire الدعم المدرسي
دروس - تمارين - امتحانات

تعريف3: ليكن n عنصرا من $\mathbb{N}$. و لتكن E مجموعة تحتوي على n عنصر.
كل جزء من E يتكون من p عنصر (حيث $0 \le p \le n$) يسمى تأليفة ل p عنصر من E.

4. خاصيات الأعداد C_n^p :

لكل n من $\mathbb{N}^*$, و لكل p من $\mathbb{N}$ بحيث $0 \le p \le n$, لدينا:

$$C_n^p = \frac{n!}{p!\times(n-p)!}$$

ولدينا: $C_n^p = C_n^{n-p}$ و $C_n^0 = 1$ و $C_n^n = 1$ و $C_n^1 = n$ و $C_n^{n-1} = n$

أمثلة : أحسب : C_4^2 و C_5^2 و C_7^4 و C_{12}^3 و C_7^3 و C_5^3

و C_{12}^1 و C_7^7 و C_5^0 و C_5^4

الجواب :

$$C_4^2 = \frac{4!}{2!(4-2)!} = \frac{4!}{2!2!} = \frac{4\times3\times2!}{2!2!} = \frac{4\times3}{2!} = 6$$

$$C_5^2 = \frac{5!}{2!(5-2)!} = \frac{5!}{2!3!} = \frac{5\times4\times3!}{2!3!} = \frac{5\times4}{2!} = 10$$

$$C_7^4 = \frac{7!}{4!(7-4)!} = \frac{7!}{4!3!} = \frac{7\times6\times5\times4!}{4!3!} = \frac{7\times6\times5}{3!} = 35$$

$$C_{12}^3 = \frac{12!}{3!(12-3)!} = \frac{12!}{9!3!} = \frac{12\times11\times10\times9!}{9!3!} = \frac{12\times11\times10}{3!} = 220$$

$C_{12}^1 = 12$ و $C_5^3 = C_5^2 = 10$ و $C_7^3 = C_7^4 = 35$

$C_5^4 = 5$ و $C_5^0 = 1$ و $C_7^7 = 1$

تمرين6 : لاجتياز امتحان شفوي على كل مترشح أن يجيب على سؤالين مسحوبين عشوائيا من بين خمس أسئلة مقترحة

سؤال : حدد عدد الإمكانيات

الجواب : $C_5^2 = 10$

تمرين7 : $E = \left\{2,5,6,7,1,0,\frac{3}{4}\right\}$ $A = \{6,7,1,0\}$

$B = \left\{\frac{3}{4},2,7,6,1\right\}$ $C = \left\{\frac{3}{4},5\right\}$ $D = \{2\}$

1. تحقق أن A و B و C و D أجزاء من E.
2. حدد: $\overline{A}, A\cup B, A\cap B$
3. حدد عدد أجزاء E التي تحتوي على ثلاث عناصر
4. حدد عدد أجزاء E التي تحتوي على أربع عناصر

تمرين8 : أحسب : C_6^2 و C_8^3 و C_{12}^4 و C_{11}^3 و C_8^5

و C_6^4

و C_{10}^1 و C_8^8 و C_{12}^0 و C_{11}^8

تمرين9 : أحسب : $4!$ و $5!$ و $7!$ و C_{10}^2 و

و C_{13}^2 و C_{13}^4 و C_{12}^3 و A_8^5 و A_7^3 و A_7^4 و

$\frac{12!}{10!}$: و $\frac{A_8^2\times A_{10}^4}{A_8^5}$ و $\frac{12\times7!}{10\times8!}$

, $\frac{8\times3}{7!}$,

$\frac{9\times5!}{8\times3!}$ و $\frac{C_7^4\times C_{10}^8}{C_{10}^7}$ و $\frac{A_9^4}{A_9^2}$ و $\frac{10^9}{5^8}$ و $\frac{9\times7!}{5\times8!}$

3. تطبيقات

مثال1:السحب تآنيا- التأليفات

يحتوي صنذوق غير كاشف على 3 كرات بيضاء و 5 كرات حمراء

نسحب كرتين من الصندوق *في آن واحد*

1. حدد عدد السحبات الممكنة أو عدد الامكانيات أوحدد $card(\Omega)$ حيث Ω هو فضاء الإمكانيات
2. حدد عدد امكانيات سحب كرتين بيضاوين
3. حدد عدد امكانيات سحب كرتين حمراوين
4. حدد عدد امكانيات سحب كرتين من نفس اللون
5. حدد عدد امكانيات سحب كرتين من لون مختلف

الأجوبة:1) $28 = \frac{8\times7}{2!} = \frac{8\times7\times6!}{2!6!} = \frac{8!}{2!6!} = \frac{8!}{2!(8-2)!}$

$card(\Omega) = C_8^2$

2) $C_3^2 = 3$ 3) $C_5^2 = \frac{5!}{2!(5-2)!} = \frac{5!}{2!3!} = \frac{5\times4\times3!}{2!3!} = \frac{5\times4}{2!} = 10$

4)سحب كرتين من نفس اللون أي سحب كرتين بيضاوين أو كرتين حمراوين $C_3^2 + C_5^2 = 3+10 = 13$

5)سحب كرتين من لون مختلف أي سحب كرة واحدة بيضاء **و** كرة واحدة حمراء

$C_3^1 \times C_5^1 = 3\times5 = 15$

تمرين10 : يحتوي صنذوق غير كاشف على 4 كرات بيضاء و 5 كرات حمراء و 3 كرات سوداء

نسحب عشوائيا ثلاث كرات من الصندوق *في آن واحد*

1. حدد عدد السحبات الممكنة أو عدد الامكانيات أوحدد $card(\Omega)$ حيث Ω هو فضاء الإمكانيات
2. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات بيضاء
3. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات سوداء "
4. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات حمراء "
5. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات من نفس اللون
6. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات من لون مختلف

الجواب:1) $card(\Omega) = C_{12}^3$ ومنه

$$C_{12}^3 = \frac{12!}{3!(12-3)!} = \frac{12!}{3!9!} = \frac{12\times11\times10\times9!}{3!9!} = \frac{12\times11\times10}{3!} = \frac{6\times2\times11\times10}{6} = 220$$

2) $C_4^3 = 4$ 3) $C_3^3 = 1$

4) $C_5^3 = \frac{5!}{3!(5-3)!} = \frac{5!}{2!3!} = \frac{5\times4\times3!}{2!3!} = \frac{5\times4}{2!} = 10$

5)سحب 3 كرات من نفس اللون أي سحب 3 كرات بيضاء أو 3 كرات حمراء أو 3 كرات سوداء

أي $C_4^3 + C_5^3 + C_3^3 = 4+10+1 = 15$

الأستاذ : عثماني نجيب

اضغط هنا لتحميل المزيد
TelmidTice.com Soutien Scolaire الدعم المدرسي
دروس - تمارين - امتحانات

6)سحب 3 كرات من لون مختلف يعني سحب كرة واحدة حمراء وواحدة سوداء كرة واحدة بيضاء

$C_3^1 \times C_4^1 \times C_5^1 = 3 \times 4 \times 5 = 60$

تمرين11 : يحتوي صندوق غير كاشف على 3 كرات بيضاء و 4 كرات حمراء و 3 كرات سوداء

نسحب عشوائيا ثلاث كرات من الصندوق *في آن واحد*

1. حدد عدد السحبات الممكنة أو عدد الامكانيات أوحدد $card(\Omega)$ حيث Ω هو فضاء الإمكانيات
2. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات بيضاء
3. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات حمراء "
4. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات من نفس اللون
5. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات من لون مختلف
6. حدد عدد امكانيات سحب كرة واحدة سوداء فقط
7. حدد عدد امكانيات سحب كرتين حمراوين فقط

الأجوبة1) $card(\Omega) = C_{10}^3$

$C_{10}^3 = \frac{10!}{3!(10-3)!} = \frac{10!}{3!7!} = \frac{10 \times 9 \times 8 \times 7!}{3!7!} = \frac{10 \times 9 \times 8}{6} = \frac{5 \times 2 \times 3 \times 3 \times 8}{6} = 120$

2) $C_3^3 = 1$ لأننا نعلم ن : $C_n^n = 1$

3) $C_4^3 = 4$ لأننا نعلم ن : $C_n^{n-1} = n$

4)سحب 3 كرات من نفس اللون أي سحب 3 كرات بيضاء أو 3 كرات حمراء أو 3 كرات سوداء

أي $C_3^3 + C_4^3 + C_3^3 = 1 + 4 + 1 = 6$

5) سحب 3 كرات من لون مختلف يعني سحب كرة واحدة حمراء وواحدة سوداء كرة واحدة بيضاء

$C_3^1 \times C_4^1 \times C_3^1 = 3 \times 4 \times 3 = 36$

6)سحب كرة واحدة سوداء فقط يعني كرة واحدة سوداء وكرتين غير سوداوين يعني مسحوبة من بين الألوان الأخرى

$C_3^1 \times C_7^2 = 3 \times C_7^2$

نحسب C_7^2 $C_7^2 = \frac{7!}{2!(7-2)!} = \frac{7!}{2!5!} = \frac{7 \times 6 \times 5!}{2!5!} = \frac{7 \times 6}{2!} = 21$

ومنه عدد الامكانيات هو : $C_3^1 \times C_7^2 = 3 \times 21 = 63$

7)سحب كرتين حمراوين فقط يعني سحب كرتين حمراوين وكرة ثالثة من بين الألوان الأخرى

$C_6^1 \times C_4^2 = 6 \times C_4^2$

$C_4^2 = \frac{4!}{2!(4-2)!} = \frac{4!}{2!2!} = \frac{4 \times 3 \times 2!}{2!2!} = \frac{4 \times 3}{2!} = 6$

ومنه عدد الامكانيات هو : $C_6^1 \times C_4^2 = 6 \times 6 = 36$

تمرين12 : يحتوي صندوق غير كاشف على كرتين سوداوين مرقمتين 1 و 2

و يحتوي أيضا على 5 كرات صفراء مرقمة 1 و 2 و3 و4و5

نسحب عشوائيا كرتين من الصندوق *في آن واحد*

1. حدد عدد السحبات الممكنة أو عدد الامكانيات
2. حدد عدد امكانيات سحب كرتين صفراوين
3. حدد عدد امكانيات سحب كرتين من نفس اللون
4. حدد عدد امكانيات الحصول على رقمين زوجيين
5. حدد عدد امكانيات سحب كرتين مختلفتين اللون

الأجوبة:1)

$card\Omega = C_7^2 = \frac{7!}{2!(7-2)!} = \frac{7!}{2!5!} = \frac{7 \times 6 \times 5!}{2!5!} = 21$

2) $C_5^2 = \frac{5!}{2!(5-2)!} = \frac{5!}{2!3!} = \frac{5 \times 4 \times 3!}{2!3!} = \frac{5 \times 4}{2!} = 10$

3) $C_2^2 + C_5^2 = 1 + 10 = 11$

4) $C_3^2 = 3$

5)سحب 3 كرات من لون مختلف

يعني سحب كرة واحدة حمراء وواحدة سوداء كرة واحدة بيضاء

$C_3^1 \times C_4^1 \times C_5^1 = 3 \times 4 \times 5 = 60$

تمرين13 : يحتوي صندوق على إحدى عشرة كرة: 4 بيضاء و 5 سوداء و كرتان زرقاوان. نسحب عشوائيا و ثانيا ثلاث كرات من الصندوق (يعني سحب ثلاث كرات في آن واحد).

1. ما عدد السحبات الممكنة أو عدد الامكانيات؟
2. ما عدد السحبات التي نحصل فيها على ثلاث كرات من نفس اللون؟
3. ما عدد السحبات التي نحصل فيها على كرتين بيضاوين بالضبط؟

مثال2:السحب بدون إحلال- الترتيبات بدون تكرار

يحتوي صندوق غير كاشف على 3 كرات بيضاء و 4 كرات سوداء نسحب عشوائيا بالتتابع وبدون إحلال كرتين من الصندوق

1. حدد عدد السحبات الممكنة أو عدد الامكانيات أوحدد $card(\Omega)$ حيث Ω هو فضاء الإمكانيات
2. حدد عدد امكانيات سحب كرتين بيضاوين
3. حدد عدد امكانيات سحب كرتين سوداوين
4. حدد عدد امكانيات سحب كرتين من نفس اللون
5. حدد عدد امكانيات سحب كرتين من لون مختلف

الجواب:1) $card(\Omega) = A_7^2 = 7 \times 6 = 42$

2) $A_3^2 = 3 \times 2 = 6$ 3) $A_4^2 = 4 \times 3 = 12$

4) سحب كرتين من نفس اللون أي سحب كرتين بيضاوين أو كرتين سوداوين $A_3^2 + A_4^2 = 3 \times 2 + 4 \times 3 = 18$

5)سحب كرتين من لون مختلف أي سحب كرة واحدة بيضاء **و** كرة واحدة سوداء

$C_3^1 \times C_4^1 = 3 \times 4 = 12$

تمرين14 : يحتوي صندوق غير كاشف على 4 كرات بيضاء و 5 كرات سوداء نسحب عشوائيا بالتتابع وبدون إحلال ثلاث كرات من الصندوق

1. حدد عدد السحبات الممكنة أو عدد الامكانيات أوحدد $card(\Omega)$ حيث Ω هو فضاء الإمكانيات
2. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات بيضاء

اضغط هنا لتحميل المزيد
TelmidTice.com Soutien Scolaire الدعم المدرسي
دروس - تمارين - امتحانات

3. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات سوداء
4. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات من نفس اللون

الجواب: 1) $card(\Omega) = A_9^3 = 9\times8\times7 = 504$

2) $A_4^3 = 4\times3\times2 = 24$ 3) $A_5^3 = 5\times4\times3 = 60$

4) $A_4^3 + A_5^3 = 4\times3\times2 + 5\times4\times3 = 24 + 60 = 84$

مثال3 :السحب بإحلال- الترتيبات بتكرار:

يحتوي صندوق غير كاشف على 3 كرات بيضاء و 4 كرات سوداء نسحب عشوائيا بالتتابع وبإحلال كرتين من الصندوق :

1. حدد عدد السحبات الممكنة أو عدد الامكانيات أوحدد $card(\Omega)$ حيث Ω هو فضاء الإمكانيات
2. حدد عدد امكانيات سحب كرتين بيضاوين
3. حدد عدد امكانيات سحب كرتين سوداوين
4. حدد عدد امكانيات سحب كرتين من نفس اللون
5. حدد عدد امكانيات سحب كرتين من لون مختلف

الجواب: 1) $card(\Omega) = = 7\times7 = 7^2 = 49$

2) $3\times3 = 9$ 3) $4\times4 = 16$

4) $3\times3 + 4\times4 = 25$

5) $49 - 25 = 24$

تمرين15 : يحتوي صندوق غير كاشف على 4 كرات بيضاء و 5 كرات سوداء نسحب عشوائيا بالتتابع وبإحلال كرتين من الصندوق :

1. حدد عدد السحبات الممكنة أو عدد الامكانيات
2. حدد عدد امكانيات سحب كرتين بيضاوين
3. حدد عدد امكانيات سحب كرتين سوداوين
4. حدد عدد امكانيات سحب كرتين من نفس اللون
5. حدد عدد امكانيات سحب كرتين من لون مختلف

الجواب: 1)

1) $card(\Omega) = = 9\times9 = 9^2 = 81$

2) $4\times4 = 16$ 3) $5\times5 = 25$

4) $4\times4 + 5\times5 = 41$

5) $81 - 41 = 40$

تمارين للبحث

تمرين 1: يحتوي صندوق على إحدى عشرة كرة: 4 بيضاء و 5 سوداء و كرتان زرقاوان. نسحب عشوائيا و ثانيا ثلاث كرات من الصندوق (يعني سحب ثلاث كرات في آن واحد).

4. ما عدد النتائج الممكنة؟
5. ما عدد السحبات التي نحصل فيها على ثلاث كرات من نفس اللون؟
6. ما عدد السحبات التي نحصل فيها على كرتين بيضاوين بالضبط؟

تمرين 2: يحتوي صندوق على 16 بيدقة: 4 حمراء و 7 بيضاء و 5 سوداء. نسحب عشوائيا بالتتابع, و بدون إحلال, أربع بيد قات من الصندوق (يعني نسحب بيدقة نسجل لونها و لا نعيدها إلى الصندوق, نكرر هذه العملية أربع مرات).

1. ما عدد النتائج الممكنة؟
2. ما عدد السحبات التي نحصل فيها على أربع بيد قات كلها بيضاء؟
3. ما عدد السحبات التي نحصل فيها على بيدقة بيضاء في السحبة الأولى فقط؟

تمرين 3: يحتوي كيس على 12 كرة مرقمة من 1 إلى 12 (كل كرة تحمل رقما) نسحب عشوائيا بالتتابع و بإحلال ثلاث كرات من الكيس.(يعني نسحب كرة نسجل رقمها ثم نعيدها إلى الصندوق نكرر هذه العملية ثلاث مرات متتالية).

1. ما عدد النتائج الممكن؟
2. ما عدد السحبات التي نحصل فيها على ثلاثة أعداد كلها قابلة للقسمة على 3؟
3. ما عدد السحبات التي نحصل فيها على ثلاثة أعداد كلها فردية و كلها قابلة للقسمة على 3؟

تمرين 4: يحتوي صندوق غير كاشف على 4 كرات بيضاء و 6 كرات حمراء و 8 كرات سوداء و كرتين صفراوين

1. نسحب عشوائيا كرتين من الصندوق في آن واحد
2. حدد عدد الإمكانيات
3. حدد عدد الإمكانيات التي تحتوي على كرتين بيضاوين
4. حدد عدد الإمكانيات التي تحتوي على كرتين سوداوين
5. حدد عدد الإمكانيات التي تحتوي على كرتين صفراوين
6. حدد عدد الإمكانيات التي تحتوي على كرتين من نفس اللون

تمرين 5: يحتوي صندوق غير كاشف على 5 كتب للغة العربية و 4 كتب للغة الفرنسية و 4 كتب للرياضيات

1. نسحب عشوائيا ثلاث كتب من الصندوق في آن واحد
2. حدد عدد الإمكانيات
3. حدد عدد الإمكانيات سحب ثلاث كتب للغة العربية
4. حدد عدد الإمكانيات سحب ثلاث كتب للغة الفرنسية
5. حدد عدد الإمكانيات سحب ثلاث كتب للرياضيات
6. حدد عدد الإمكانيات سحب كتاب من كل مادة

تمرين 6: يتكون قسم من 37 تلميذا و يمارس كل تلميذ من هذا القسم لعبة على الأقل من بين اللعبتين كرة القذم و كرة السلة. إذا علمت أن 30 تلميذا يلعبون كرة القدم و 20 يلعبون كرة السلة.
أحسب عدد التلاميذ الذين يمارسون اللعبتين معا.

تمرين 7: يتكون قسم من 38 تلميذا: 20 أنثى و 18 ذكرا.
نريد تكوين لجنة من 4 تلاميذ في هذا القسم.

1. كم عدد اللجان التي يمكن تكوينها؟
2. كم عدد اللجان التي يمكن تكوينها إذا علمت أن 3 تلاميذ معلومين يرفضون ترشيح أنفسهم؟
3. كم عدد اللجان التي تضم تلميذين و تلميذتين؟
4. كم عدد اللجان التي يمكن تكوينها بحيث لا تحتوي على التلميذين حسن و أحمد في نفس الوقت؟

اضغط هنا لتحميل المزيد
TelmidTice.com Soutien Scolaire الدعم المدرسي
دروس - تمارين - امتحانات